<u>Curs 10</u> CALCULUL DE REZISTENTA SI STABILITATE AL GRINZILOR CU INIMA PLINA

Etapele calcului in proiectarea unei grinzi cu inima plina

- 1. Stabilirea sistemului static si a deschiderilor de calcul (grinda simplu rezemata, grinda continua,etc.)
- 2. Stabilirea actiunilor, a coeficientilor actiunilor pentru diferitele combinatii de calcul, a coeficientilor dinamici (ex. poduri rulante) etc.
- 3. Calculul solicitarilor maxime (M,V(T), N). In cazul unei grinzi static nedeterminate, solicitarile finale se obtin dupa configurarea geometriei grinzii.
- 4. Alcatuirea sectiunii transversale (difera in functie de aplicatie platforma, planseu, structura de retentie, grinda de rulare, grinda sau tablier de pod etc).
- 5. Sectiunea grinzii si variatia acesteia in lungul grinzii depind de:
 - a. Tipul aplicatiei
 - b. Conditii constructive specifice
 - c. Indeplinirea conditiei de sageata (SLS)
 - d. Optimizarea consumului de otel
- 6. Verificarea sectiunii (SLU calculul de rezistenta)
 - i. Tensiuni normale σ (din actiuni statice si/sau dinamice, oboseala).
 - a. La determinarea acestora se tine seama de posibilitatea voalarii (sectiuni de clasa 4) si de efectul "shear lag"
 - b. Se iau in considerare efectele locale ale actiunilor concentrate asupra inimii.
 - ii. Tensiuni(forte) tangentiale de lunecare (la imbinarea dintre inima si talpa)
 - iii. Interactiunea M+V, M+N, M+N+V
- 7. Adaptarea grinzilor la variatia solicitarilor



- 8. Verificarea rigiditatii grinzii (SLS sageata)
- 9. Verificarea stabilitatii generale (SLU flambaj prin incovoiere rasucire)
- 10. Verificarea stabilitatii locale a inimii si talpii
 - a. Voalare din compresiune (σ_{cr})
 - b. Voalarea din forta taietoare (τ_{cr})

Aceste verificari se fac tinand seama de posibilitatea dispunerii rigidizarilor, care pot limita sau inhiba total riscul de voalare.

- 11. Calculul rigidizarilor curente si de reazem.
- 12. Verificarea imbinarii dintre inima si talpi
- 13. Stabilirea imbinarilor de continuitate si calculul si/sau verificarea acestora (la grinzi lungi)
- 14. Stabilirea solutiei de rezemare, calculul si/sau verificarea rezemarilor.

Efectul "SHEAR-LAG"

• variatia tensiunilor normale in talpile grinzilor ca urmare a influentei fortei taietoare



Distributia eforturilor unitare normale in talpa intinsa si comprimata la grinzi scurte datorita efectului "shear lag"

- Fenomenul "shear lag" este mai pregnant la grinzile cu talpi late.
- Efectul "shear lag" se modeleaza pentru calcul prin considerarea unei latimi eficace pe care diagrama σ este constanta.



$$b_{eff} = \beta \ b_0$$

(1)

• Latimea eficace (efectiva) de "shear lag,, variaza in lungul grinzii



Lungimea efectivă $L_{\rm e}$ pentru o grindă continuă și repartiția lățimii eficace

Factorul de lățime eficace β

К	Verificare	Valoare - β
<i>κ</i> ≤ 0,02		$\beta = 1,0$
0,02 < <i>κ</i> ≤ 0,70	zonă de moment pozitiv	$\beta = \beta_1 = \frac{1}{1+6,4 \kappa^2}$

	zonă de moment negativ	$\beta = \beta_2 = \frac{1}{1 + 6,0 \left(\kappa - \frac{1}{2500 \kappa}\right) + 1,6 \kappa^2}$
> 0.70	zonă de moment pozitiv	$\beta = \beta_1 = \frac{1}{5.9 \kappa}$
> 0,70	zonă de moment negativ	$\beta = \beta_2 = \frac{1}{8.6 \kappa}$
toate valorile lui κ	capăt liber	$\beta_0 = (0,55 + 0,025 / \kappa) \beta_1, \text{ dar } \beta_0 < \beta_1.$
toate valorile lui K	consolă	$\beta = \beta_2$ în dreptul consolei și la capătul liber
$\kappa = \alpha_0 \ b_0 \ / \ L_{\rm e} {\rm cu}$	$\alpha_0 = \sqrt{1 + \frac{A_{s\ell}}{b_0 t}}$	
în care A _{st} este a sunt cele definite	ria tuturor rigidizărilor longitu în figura 3.1 și figura 3.2.	dinale din lățimea b_0 și unde celelalte simboluri



Distribuția tensiunilor datorită efectului de shear lag

• Efectul shear lag se neglijeaza daca $b_{0<}$ L_{e} / 50

VERIFICAREA GRINZILOR CU INIMA PLINA (formularea clasica)

- Verificarile la solicitarile din incovoiere (SLU, SLS), taiere (forfecare) si forta axiala si interactiunea lor se fac cu formule cunoscute pentru sectiuni de clasa 1,2,3 respectiv cu considerarea caracteristicilor geometrice eficace (A_{eff}, I_{eff}, W_{eff}) pentru secțiuni de clasa 4.
 - încovoiere Navier (σ)
 - Taiere (forfecare) Juravski (τ)
- Ex. Grinda de Rulare



Fig. 3.9. Eforturi unitare în grinzile de rulare - frinare:

a — din frinarea cărucioarelor; b — din încărcarea verticală, a grinzii auxiliare; c — in grinda de rulare din încărcări verticale; d — din frinarea podurilor rulante; c — eforturi unitare tangențiale în grinda de rulare din încărcări verticale.



Fig. 3.10. Eforturi unitare locale la nivelul marginii superioare a inimii: 1 - roata podului; 2 - șina de rulare; 3 - talpa superioară a grinzii de rulare; 4 - inima grinzii de rulare.

- Verificari din incovoiere
 - Fibrele externe ale talpii inferioare (B)

$$(\sigma_{x,\max} + \sigma_{L,\max})_B \le R = \left(\frac{f_y}{\gamma_{M_0}}\right)$$
(2)

In punctul (A), cel mai solicitat al talpii superioare

$$(\sigma_{x,\max} + \sigma_{L,\max})_A \le R = \left(\frac{f_y}{\gamma_{M_0}}\right)$$
(3)
$$(\sigma_{\max} + \sigma_{y,\max})_A \le 1.1R = \left(1.1\frac{f_y}{\gamma_{M_0}}\right)$$
(4)

Atentie !!!

1) Axele sunt schimbate fata de Eurocode



2) γ_{M_0} difera fata de Eurocode !!!!

$$\gamma_{M_0, clasic} \approx 1.14$$

Ex. $R_{S235} = 210N / mm^2 (t \le 16mm)$
 $R_{S355} = 315N / mm^2 (t \le 16mm)$

• Tensiuni tangentiale maxime (in axa neutra)

$$\tau_{\max} = \frac{T_{\max} S_{x,c}}{t_i I_x} \le R_f$$

$$R_f = 0.6 \,\text{R} \quad \text{Ex.:} \quad R_{f,S235} = 0.6 \,\text{R} = 125 \,\text{N} \,/\,\text{mm}^2$$

$$R_{f,S355} = 0.6 \,\text{R} = 190 \,\text{N} \,/\,\text{mm}^2$$
(5)

• Tensiunea locala (in fibrele C, la imbinarea inima-talpa)

$$\sigma_L = \frac{P_{\max}}{z \ t_i} \le R \tag{6}$$

Atentie : <u>"z" in formula (6) nu este axa !!!</u>"

• Interactiunea incovoiere-taiere, la nivelul imbinarii inima-talpa(tensiune echivalenta Von Mises, stare plana)

$$\sigma_{ech} = \sqrt{\sigma_x^2 + 3\tau^2} < R \tag{7}$$

• Interactiunea incovoiere+taiere+local la nivelul imbinarii inima-talpa (tensiune echivalenta Von Mises),

$$\sigma_{ech} = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_L^2 - \sigma_x \sigma_L + 3\tau^2} < mR$$

m = 1.25 cand σ_x si σ_L au semn contrar

m = 1.1 cand σ_x si σ_L au acelasi semn sau atunci cand $\sigma_L = 0$ (8)

Sageti admisibile pentru verificarea SLS •

100001	odmigibile	÷.
	aamaanna	1 a

sibile f_a Tabelul 2.20

TERNA I	(daeo) is in initial Săgeți admisibile f_a	0.09-000-	Tabelul 2	.20
Nr. crt.	Denumirea elementelor de construcție	$\frac{I_a}{1}$	Conform	1
9	1	2	3	
	A. Construcții civile, industriale și agricole	alteb lim	STAS 10108	5/
1	Grinzile căilor de rulare cu inimă plină sau cu zăbrele		/0-78	
	a) poduri rulante manuale	1/500		
	b) poduri rulante electrice cu capacitatea de ridicare $0 \le 500$ kN	1/600	S.S.T.	
	c) poduri rulante electrice cu capacitatea de ridicare	1/750		
2	Q > 500 KN Côile de rulere als gringiler rulente	1/700	204034D 2873	
3	Căile de rulare pentru cărneioare rulante	1/400		
4	Grinzile platformelor clădirilor industriale :	Taski of t		
	 a) cind nu susțin linii ferate sau utilaje care produc vibratii 			
		1/400	Grinzi pete	
	– celelalte grinzi	1/250	Sec. 7 perce	
	b) cind susțin căi ferate înguste	1/400	1.20	
-	c) cind sustin căi ferate cu ecartament normal	1/600	14.59.59	
9	Grinzile planșeelor dintre etaje :	1/950	and the second s	
	a) grinzi prircipale	1/350	a manufactor in the	
6	Grinzile acoperisului și planseelor podurilor clădirilor	1/200	an a	
	a) ferme, grinzi principale si grinzi care sustin cadre de		ers all light	
	luminător	1/250		
	b) pane și căpriori	1/200		
7	Elementele șarpantei, pereților și luminătoarelor :		diavation.	
	a) bare verticale și rigle	1/200	Land and a	
	 c) stilpli pereților cind materialul de închidere este 	1/160		
8	elastic (table, azbociment, materiale plastice)	1/200	and serve had a	
	a) în zone fără aglomerări de zăpadă	1/150		
	b) în zone cu aglomerări de zăpadă	1/100	a la serie de la	
9	Tabla platelajului la platformele industriale	1/150-	fond helse	
10		1/200	201-0510 /20	
10	Estacade de conducte :	1/050	the proceeder	
	a) la grinzi principale	1/300	And Southerne	
1000	D) la grinzi secundare	1/300	1. 18. 6. 1.	30

• Verificarea la voalare a inimilor

Cons indus	trucții civile, triale și agricole	GRINZI Relații pentr	CU INIM. ru calculu	Ă PLINĂ CU SECȚIUNE S I la stabilitate locală a ini	SIMETRICĂ milor (voalare)	Cont	form : 5 10108/0-78
Modul de Incărcare	Schema de rigi	dizare	Relații de condi- ționare	Relații de verificare 4)	σ _{er} daN/cm ²	resiile rezistențelor ^T cr daN/cm ²	critice ⁰ ler daN/cm ²
Cu forte concen- trate fixe			σ _i ==0	$\sqrt{\left(\frac{\sigma}{\sigma_{cr}}\right)^2 + \left(\frac{\tau}{\tau_{cr}}\right)^2} \leq 1^{-2})$	$7\ 000\left(\frac{100\ t_i}{h_0}\right)^2$	$\left \begin{array}{c} \left(1\ 250 + \frac{950}{\alpha^2}\right) \\ \cdot \left(\frac{100\ t_i}{d}\right) \end{array} \right $	
Cu forțe concentrate mobile	$z = 50 + 2(h_s + t)$		$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \int \left(\frac{\sigma}{\sigma_{er}} + \frac{\sigma_l}{\sigma_{ler}} \right)^2 + \left(\frac{\tau}{\tau_{er}} \right)^2 \leq 0,9 $	$k_0 \left(\frac{100 t_i}{h_0}\right)^2$ $k_0 - \text{se ia din}$ din tabelul 6.21 $k_2 \left(\frac{100 t_i}{h_0}\right)^2$ $k_2 - \text{se ia din}$ tabelul 6.24	a panoului α= a panoului Latura mică a panoului d — latura mică	$\frac{k_1 \left(\frac{100 t_i}{a}\right)^2}{k_1 - \text{se ia din}}$ $\frac{k_1 - \text{se ia din}}{\text{tabelul 6.25}}$ $\frac{4}{k_1} \left(\frac{100 t_i}{a/2}\right)^2$ $\frac{k_1 - \text{se ia din}}{\text{tabelul 6.25}}$ Dacă $a > 2h_0$ so va lua $a = 2h_0$ $k_1 \left(\frac{100 t_i}{2h_0}\right)^2$ $k_1 - \text{se ia din}$ tabelul 6.25

Tabelul 6.19



¹) La panourile unde P se aplică la talpa întinsă, pentru nr. crt., 2, se fac două verificări cu $\sigma \, si \, \tau$, respectiv $\sigma_1 \, si \, \tau$, iar pentru nr. crt. 3 și 3a la panoul II (din zona întinsă) se verifică cu $\sigma \, si \, \tau$, respectiv σ_l (în loc de $0, 4\sigma_l$) și τ , iar la panoul I (din zona comprimată) cu $\sigma \, si \, \tau$. ²) $\sigma = \frac{M}{I_a} y$; $\sigma_l = \frac{P}{zt_l}$; $\tau = \frac{T}{t_l h_l}$; σ ; σ_l și τ se calculează tinind seama de coeficienții acțiunilor și coeficienții dinamici. ³) η este dat în tabelul 6.23; ⁴) k_1 se determină în funcție de $\frac{a}{2h_0}$ în loc de $\frac{a}{h_0}$; ⁵) Dacă $a_1 > 2$, respectiv $a_2 > 2$, atunci se va lua $a_1 = 2$, respectiv $a_3 = 2$; ⁶) Dacă $a_1 < h_1$ se va lua $a_2 = h_1/a_1$ și în relația lui τ_{cr} se înloculește h_1 cu a_1 .

Tabelul 6.20

Con	strucții civile,	GRINZI Relatii pentru	CU INIMĂ caleniul	PLINĂ CU SECȚIUNE NES la stabilitate locală a inim	IMETRICĂ ilor (voalare)	Confor STAS	m : 10108/0-78
Modul de Încărcare	Schema de ri	gidizare	Relații de condi- ționare	Relații de verificare 3)	G _{er} daN/cm²	siile rezistențelor c ^T er daN/cm²	σ _{Ler} daN/cm²
Cu forte concen- trate fixe			σι=0	$\sqrt{\left(\frac{\sigma}{\sigma_{er}}\right)^2 + \left(\frac{\tau}{\tau_{er}}\right)^2} \leqslant 1^{-2}$	$7\ 000\left(\frac{100\ t_4}{h_0'}\right)^2$	$\left(1\ 250 + \frac{950}{a^2}\right) \cdot \left(\frac{100\ t_i}{d}\right)^2$	
Cu forțe concentrate mobile	$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $z = 5\theta + 2(h_s + t)$		$\sigma_{i} = 0$ $\frac{\alpha}{h_{0}} \leqslant 0.8$ 1 0 $\frac{\alpha}{h_{0}} > 0.8$	$\sqrt{\frac{\sigma}{\left(\frac{\sigma}{\sigma_{er}}+\frac{\sigma_{l}}{\sigma_{ler}}\right)^{2}+\left(\frac{\tau}{\tau_{er}}\right)^{2}} \leq 0.9$	$k_{0} \left(\frac{100 t_{i}}{h_{0}^{\prime}}\right)^{2}$ $k_{0} - \text{se ia din tabelul 6.21}$ $k_{2} \left(\frac{100 t_{i}}{h_{0}^{\prime}}\right)^{2}$ $k_{2} - \text{se ia din tabelul 6.24}$ $k_{0} \left(\frac{100 t_{i}}{h_{0}^{\prime}}\right)^{5}$ $k_{0} - \text{se ia din tabelul 6.21}$	Latura mare $\alpha = \frac{a \text{ panoului}}{\text{Latura mică}}$ a panoului d – latura mică Deci : $\alpha = \frac{a}{h_0}$	$\frac{k_{1}\left(\frac{100 t_{i}}{a}\right)^{2}}{k_{1} - \text{se ia din}}$ $\frac{k_{1} - \text{se ia din}}{\text{tabelul 6,25}}$ $\frac{k_{1}\left(\frac{100 t_{i}}{a}\right)^{2}}{\text{Dacă } a \ge 2h'_{0}},$ $\frac{k_{1} - \text{se ia din}}{\text{tabelul 6.25}}$ $\frac{k_{1}}{k_{1}} \left(\frac{100 t_{i}}{a/2}\right)^{2}$ $\frac{k_{1} - \text{se ia din}}{\text{tabelul 6.25}}$



¹) La panourile unde P se aplică la talpa întinsă, pentru nr. crt. 2, se fac două verificări cu σ și τ , respectiv σ_i și τ , iar pentru nr. crt. 3 și 3a la panoul II (din zona întinsă) se verifică cu σ și τ , respectiv σ_i (în loc de $0, 4\sigma_i$) și τ , iar la panoul I (din zona comprimată) cu σ și τ . ²) $\sigma = \frac{M}{I_{\pi}} y$; $\sigma_l = \frac{P}{zt_i}$; $\tau = \frac{T}{t_i h_i}$ se calculează ținind seama de coeficienții acțiunilor și coeficienții dinamici. ³) k_1 se determină din tabel în funcție de $a/2h_0$ în loc de a/h_0 . ⁴) Coeficientul k_2 se determină din tabel în funcție de a/h'_0 în loc de a/h_0 . ⁵) $\psi = (\sigma - \sigma')/\sigma$ (vezi diagrama de la nr. crt. 3a). ⁶) Dacă $a_1 < h_1$ se va lua $\alpha_2 = h_1/a_1$ și în relația lui τ_{cr} se înloculește h_1 cu α_1 .









Tabelul 6.21

Construcții civ industriale și agr	ile, ricole	Coeficientul k ₀ Conform : STAS 10108/0-7							
Grınzi	Valo	oarca coefi	cientului <i>k</i>	₀ pentru γ	$r = c \frac{b}{h_0} \left(\frac{b}{t} \right)$	$\frac{t}{ }^{8}$ egal cu	1: ¹)		
	≤0,8	1,0	2,0	4,0	6,0	10	≥30		
Sudate	6 300	6 620	7 000	7 270	7 320	7 370	7 460		
Nituite	an the state of the se	And Brid	n - Citan, - Cita	7 000		- Maria			

1) e - se determină din tabeiul 6.22.

Tabelul 6.22

		 A set of this is set of the
Construcții civile, industriale și agricole	Coeficientul c	Conform : STAS 10108/0-78
Tipul grinzilor	Legătura tălpii comprimate cu alte elem	ente c
177 U (177 1 15 (1567) R (1489) E (148	Șina de rulare nu este sudată	2
Grinzi pentru căile de rulare	Şina de rulare este sudată	œ
	Forța aplicată la talpa întinsă	0,8
Alte grinzi	În cazul rezemării pe talpa comprimată plăci rigide	a unei ∞
	În alte cazuri	0,8

Tabelul 6.2.

Construcții civile, Coefi industriale și agricole		Coefie	ientul 1 see	$\eta = \sigma_l / \sigma$	pentru imetrici	cu	Conform : STAS 10108/0-78			
Grinzi	$\gamma = c \frac{b}{1}$	$\left(\frac{i}{2}\right)$	saliti Laorta Alta a	Valori	e limiti pentro	a ale co u a/h_0 o	eficient egal cu	uluiη= :	=ơ,/ơ	
ib (anisi a Mangalah ab			0,8	0,9	1,0	1,2	1,4	1,6	1,8	≥2
white heards	≤ 1	,0	0	0.146	0,183	0,267	0,359	0,445	0,540	0,618
	2	anger na Talender	0	0,109	0,169	0,277	0,406	0,543	0,652	0,799
Currente	an 96 - 4	201	-0	0,072	0,129	0,281	0,479	0,711	0,930	1,132
Sugare	5		0	0,066	0,127	0,288	0,536	0,874	1,192	1,468
	1	0	0	0,059	0,122	0,296	0,574	1,002	1,539	2,154
	≥ 3	0	0	0,047	0,112	0,300	0,633	1,283	2,249	3,939
Nituite		-	0	6,121	0,184	0,378	0,643	1,131	1,614	2,347

VAL	VALORILE COEFICIENTULUI k ₁ Tabelul 5.5									
~	Valor	Valorile coeficientuluı k _i pentru grinzi sudate pentru raportul ^a /h _o egal cu:								
0	≤0,5	0,6	0,8	1,0	1,2	1,4	1,6	1,8	≥ 2,0	
≤1	2420	2610	3100	3780	4650	5690	6860	8170	9570	
2	2520	2740	3380	4280	5390	6750	8230	9770	11.700	
4	2590	2800	3480	4530	5910	7620	9500	11.530	13.670	
6	2 600	2840	3520	4640	6110	8040	10.230	12.480	14.800	
10	2610	2860	3550	4720	5300	8340	10,710	13.300	16. 080	
≥30	2620	2870	3580	4810	6500	8750	11.300	14.330	17.570	
Pen	tru gri	nzi ni	tuite k	1 se	ia pen	tru J	´= 10			

VALOAREA	COEFICIE	NTULUI	k2			TABE	LUL S	5.6
a ho	≤ 0,8	0,9	1,0	1,2	1,4	1,6	1,8	≥2,0
^k 2 3	6300	7780	8230	9500	11.100	13.020	15.250	17.790

Construcții civile, industriale și agricole	Coeficientul k_3			Conform : STAS 10108/0-78
Pentru raportul $\alpha_1 = a/h_1$ egal cu ¹)		1,0	1,5.	≥2,0
Valoarea coeficientului ka este	0.0	360	420	450

¹) Sau $\alpha_2 = \alpha_1 / h_1$

Tabelul 6.27

Construcții civile, industriale și agricole	Coeficientul k4						Con S F A	Conform : SГAS 10108/0-78		
Pentru $\frac{a}{h_0 - h_1}$	€0,5	0,6	0,8	1,0	1,2	1,4	1,6	1,8	≥2,0	
Rezultă k4	2 420	2 610	3 100	3 780	4 650	5 690	6 860	8 170	9 570	

VERIFICAREA GRINZILOR CU INIMA PLINA (EN1993-1-5)

Anexa A

(informativă)

Calcul tensiunilor critice pentru plăcile rigidizate

A.1 Placă ortotropică echivalentă

(1) Plăcile cu cel puțin trei rigidizări longitudinale pot fi tratate ca plăci ortotropice echivalente.

(2) Tensiunea critică de voalare elastică a plăcii ortotropice echivalente poate fi evaluată ca:

$$\sigma_{cr,p} = k_{\sigma,p} \ \sigma_E \tag{A.1}$$

în care $\sigma_E = \frac{\pi^2 E t^2}{12(1-v^2)b^2} = 190000 \left(\frac{t}{b}\right)^2$ $\hat{n} [MPa]$

 $k_{\sigma,p}$ este coeficientul de voalare conform teoriei plăcilor ortotropice cu rigidizări pe placă

- b este definit în figura A.1;
- *t* este grosimea plăcii.

NOTA 1 - Coeficientul de voalare $k_{\sigma,p}$ se obține pornind de la abacele pentru rigidizări, sau prin intermediul simulărilor numerice; în mod alternativ pot fi folosite abace pentru rigidizările discrete cu rezerva de a putea ignora voalarea locală a panourilor secundare.

NOTA 2 - $\sigma_{cr,p}$ este tensiunea critică elastică de voalare la marginea panoului, unde este exercitată tensiunea maximă de compresiune, a se vedea figura A.1.

NOTA 3 - În cazul unei inimi, lățimea b din ecuațiile (A.1) și (A.2) se înlocuiește cu h_w .

NOTA 4 - Pentru plăcile rigidizate cu cel puțin trei rigidizări longitudinale egal distanțate, coeficientul de voalare al plăcii $k_{\sigma,p}$ (voalarea globală a panoului rigidizat) poate fi aproximat cu:

$$k_{\sigma,p} = \frac{2\left(\left(1 + \alpha^{2}\right)^{2} + \gamma - 1\right)}{\alpha^{2}(\psi + 1)(1 + \delta)} \quad \text{if} \quad \alpha \le \sqrt[4]{\gamma}$$

$$k_{\sigma,p} = \frac{4\left(1 + \sqrt{\gamma}\right)}{(\psi + 1)(1 + \delta)} \quad \text{if} \quad \alpha > \sqrt[4]{\gamma}$$
cu:
$$\psi = \frac{\sigma_{2}}{\sigma_{1}} \ge 0,5$$

$$\gamma = \frac{I_{sl}}{I_{p}}$$

$$\delta = \frac{\Sigma A_{sl}}{A_{p}}$$

$$\alpha = \frac{a}{b} \ge 0,5$$
(A.2)

în care: I_{sl} este momentul de inerție al întregii plăci rigidizate;

- I_p este momentul de inerție la încovoiere al plăcii $= \frac{bt^3}{12(1-v^2)} = \frac{bt^3}{10,92}$;
- ΣA_{sl} este suma ariilor brute a rigidizărilor longitudinale individuale;
- A_{p} este aria brută a plăcii = bt;
- σ_1 este tensiunea de margine maximă;
- σ_2 este tensiunea de margine minimă;
- a, b și t sunt definite în figura A.1.



$b_{1,\inf}$	$\frac{3-\psi_1}{5-\psi_1}b_1$	$\frac{3-\psi_1}{5-\psi_1}b_{1,eff}$	$\psi_1 = \frac{\sigma_{cr,sl,1}}{\sigma_{cr,p}} > 0$
b _{2,sup}	$\frac{2}{5-\psi_2}b_2$	$\frac{2}{5 - \psi_2} b_{2,eff}$	$\psi_2 = \frac{\sigma_2}{\sigma_{cr,sl,1}} > 0$
$b_{2,\inf}$	$\frac{3-\psi_2}{5-\psi_2}b_2$	$\frac{3-\psi_2}{5-\psi_2}b_{2,eff}$	$\psi_2 > 0$
b _{-3,sup}	0,4 <i>b</i> _{3c}	$0,4 b_{3c,eff}$	$\psi_3 = \frac{\sigma_3}{\sigma_2} < 0$

Figura A.1 - Notații pentru plăcile rigidizate longitudinal

A.2 Tensiunea critică de voalare pentru plăcile cu una sau două rigidizări în zona comprimată

A.2.1 Metoda generală

(1) Dacă placa rigidizată nu are decât o singură rigidizare în zona comprimată, procedura definită în A.1 poate fi simplificată considerând o bară izolată fictivă pe mediu elastic, reprezentând efectul de placă pe direcția perpendiculară acestei bare. Tensiunea critică elastică a barei poate fi obținută din A.2.2.

(2) Pentru calculul $A_{s\ell,1}$ și $I_{s\ell,1}$, aria secțiunii transversale brute a barei este luată egală cu aria brută a rigidizării, și a părților adiacente din placă descrise după cum urmează. Dacă panoul secundar este total în compresiune, se consideră o porțiune de $(3-\psi)/(5-\psi)$ din lățimea acestuia b_1 de partea marginii panoului și o porțiune de $2/(5-\psi)$ la marginea cu tensiunea cea mai mare. Dacă efortul își schimbă semnul în panoul secundar, de la tensiune la compresiune, este considerată o porțiune egală cu 0,4 din lățimea b_c a porțiunii comprimate a panoului secundar, a se vedea figura A.2 și de asemenea tabelul 4.1. ψ este raportul de tensiuni relativ panoului secundar considerat.

(3) Aria eficace a secțiunii transversale $A_{s\ell,eff}$ a barei este considerată egală cu aria secțiunii transversale eficace a rigidizării și ariile eficace ale porțiunii adiacente ale plăcii, a se vedea figura A.1. Zveltețile elementelor de placă incluse în bară pot fi determinate în conformitate cu 4.4(4), $\sigma_{com,Ed}$ fiind calculat pentru secțiunea transversală brută a plăcii.

(4) Dacă $\rho_c f_y / \gamma_{M1}$, cu ρ_c determinat conform 4.5.4(1), este superior tensiunii medii exercitate asupra barei $\sigma_{\text{com,Ed}}$, nu se efectuează nici o reducere suplimentară în aria eficace a barei. În caz contrar, aria eficace din (4.6) este modificată după cum urmează:

$$A_{c,eff,loc} = \frac{\rho_c f_y A_{sl,1}}{\sigma_{com,Ed} \gamma_{M1}}$$
(A.3)

(5) Reducerea menționată în A.2.1(4) este aplicată doar ariei barei. Nu este necesară aplicarea unor reduceri suplimentare în alte părți comprimate ale barei, cu excepția celor referitoare la verificarea la voalare a panourilor secundare.

(6) Ca o alternativă la folosirea ariei eficace conform A.2.1(4), rezistența barei poate fi determinată din A.2.1(5) până la (7) și verificată pentru asigurarea faptului ca aceasta să nu depăşească tensiunea medie $\sigma_{\text{com,Ed}}$.

NOTĂ - Metoda expusă în (6) poate fi folosită în cazul rigidizărilor multiple în care efectul de împiedicare al plăcii este neglijabil, adică bara fictivă este considerată liberă la flambaj în afara planului inimii.



Figura A.2 - Notații pentru o placă de inimă cu o singură rigidizare în zona comprimată

(7) Dacă placa rigidizată are două rigidizări longitudinale în zona comprimată, metoda rigidizării unice descrisă în A.2.1(1) poate fi aplicată, a se vedea figura A3. Se presupune întâi că una din rigidizări flambează iar cealaltă acționează ca un reazem rigid. Flambarea simultană a ambelor rigidizări este luată în considerare prin substituirea celor două rigidizări cu una singură, astfel încât:

- aria transversală şi momentul de inerție I_s al acesteia sunt respectiv sumele aceloraşi caracteristici ale rigidizărilor individuale;
- b) poziționarea acesteia corespunde rezultantei forțelor aplicate pe rigidizările individuale.

Pentru fiecare din aceste situații prezentate în figura A.3 este calculată o valoare relevantă a $\sigma_{cr.p.}$, a se vedea A.2.2(1), cu $b_1 = b_1^*$, $b_2 = b_2^*$ iar $B^* = b_1^* + b_2^*$, a se vedea figura A.3.



Aria secțiunii transversale	$A_{s\ell,I}$.	$A_{s\ell,II}$	$A_{s\ell,I} + A_{s\ell,II}$
Momentul de inerție	$I_{s\ell,I}$	$I_{s\ell,II}$	$I_{s\ell,I} + I_{s\ell,II}$

Figura A.3 - Notații pentru placa cu două rigidizări în zona comprimată

A.2.2 Modelul simplificat folosind o bară comprimată rezemată pe placă

(1) În cazul unei plăci rigidizate cu o rigidizare longitudinală poziționată în zona comprimată, tensiunea critică elastică de voalare poate fi calculată după cum urmează, ignorând rigidizările din zona întinsă.

$$\sigma_{cr,s\ell} = \frac{1,05 E}{A_{s\ell,1}} \frac{\sqrt{I_{s\ell,1} t^3 b}}{b_1 b_2} \qquad dac \breve{a} a \ge a_c$$

$$\sigma_{cr,s\ell} = \frac{\pi^2 E I_{s\ell,1}}{A_{s\ell,1} a^2} + \frac{E t^3 b a^2}{4 \pi^2 (1 - v^2) A_{s\ell,1} b_1^2 b_2^2} \qquad dac \breve{a} a \le a_c$$

$$a_c = 4,33 \sqrt[4]{\frac{I_{s\ell,1} b_1^2 b_2^2}{t^3 b}}$$
(A.4)

în care $A_{s\ell,1}$ este aria brută a montantului, definită în A.2.1(2)

cu

 $I_{s\ell,1}$ este momentul de inerție al secțiunii brute al montantului, definit în A.2.1(2), față de o axă care trece prin centrul de gravitate al acestuia și paralel cu planului plăcii $b_{1,2}, b_{2}$ sunt distanțele de la marginile longitudinale la rigidizare ($b_{1+}b_{2} = b$).

NOTĂ - Pentru determinarea $\sigma_{cr,c}$ a se vedea nota de la 4.5.3(3).

(2) În cazul unei plăci rigidizate cu două rigidizări situate în zona comprimată, tensiunea critică elastică de voalare a plăcii este considerată ca cea mai mică valoare a tensiunilor calculate folosind ecuația (A.4) pentru cele trei cazuri $b_1 = b_1^*$, $b_2 = b_2^*$ și $b = B^*$. Rigidizările situate în zona întinsă se ignoră.

A.3 Coeficienții de voalare prin forfecare

(1) Pentru plăcile cu rigidizări transversale rigide și fără rigidizări transversale sau cu mai mult de două rigidizări transversale, coeficientul de voalare la flambaj k_{τ} poate fi calculat după cum urmează:

$$k_{\tau} = 5,34 + 4,00 (h_w / a)^2 + k_{x \ell} \quad dac \breve{a} a / h_w \ge 1$$

$$k_{\tau} = 4,00 + 5,34 (h_w / a)^2 + k_{x \ell} \quad dac \breve{a} a / h_w < 1$$

(A.5)

$$\text{ în care } k_{\varpi\ell} = 9\left(\frac{h_w}{a}\right)^2 \sqrt[4]{\left(\frac{I_{s\ell}}{t^3 h_w}\right)^3} \quad dar \, nu \, mai \, mic \, de \, \frac{2.1}{t} \sqrt[3]{\frac{I_{s\ell}}{h_w}}$$

- a este distanța dintre rigidizările transversale (a se vedea figura 5.3);
- $I_{s\ell}$ este momentul de inerție al rigidizării longitudinale față de axa z-z, a se vedea figura 5.3 (b). Pentru inimi cu două sau mai multe rigidizări longitudinale, nu este necesar să fie egal distanțate, $I_{s\ell}$ este suma momentelor de inerție a rigidizărilor individuale.

NOTĂ - În ecuația (A.5) nu este luată în calcul nici o rigidizare transversală nerigidă.

(2) Ecuația (A.5) se aplică de asemenea plăcilor cu o singură sau cu două rigidizări

longitudinale, dacă coeficientul său de formă $\alpha = \frac{a}{h_w}$ satisface $\alpha \ge 3$. Pentru plăcile cu una sau

două rigidizări longitudinale și un coeficient de formă $\alpha < 3$, coeficientul de voalare prin forfecare se determină cu:

$$k_{\tau} = 4,1 + \frac{6,3 + 0,18\frac{I_{s\ell}}{t^{3}h_{w}}}{\alpha^{2}} + 2,2\sqrt[3]{\frac{I_{s\ell}}{t^{3}h_{w}}}$$
(A.6)

Anexa B

(informativă)

Elemente neuniforme

B.1 Generalități

(1) Pentru elementele din placi care nu respecta conditiile de regularitate din 4.1(1), verificarea la voalare poate fi facuta cu metoda descrisa la sectiunea 10. Regulile indicate se aplică inimilor elementelor cu tălpi neparalele, cum sunt grinzile cu vute sau inimilor cu deschideri regulate sau neregulate şi rigidizări neortogonale.

(2) α_{ult} şi α_{crit} pot fi calculate prin metode cu elemente finite, a se vedea anexa C.

(3) Factorii de reducere ρ_x , ρ_z și χ_w pot fi obținuți pornind de la $\overline{\lambda}_p$, prin intermediul curbei de flambaj corespunzătoare, a se vedea secțiunile 4 și 5.

NOTĂ - Factorul de reducere p poate fi determinat după cum urmează:

$$\rho = \frac{1}{\phi_p + \sqrt{\phi_p^2 - \overline{\lambda}_p}}$$
(B.1)
în care $\phi_p = \frac{1}{2} \left(1 + \alpha_p \left(\overline{\lambda}_p - \overline{\lambda}_{p0} \right) + \overline{\lambda}_p \right)$
şi $\overline{\lambda}_p = \sqrt{\frac{\alpha_{ult,k}}{\alpha_{cr}}}$

Această procedură se aplică pentru ρ_x , ρ_z și χ_w . Valorile pentru $\overline{\lambda}_{p0}$ și α_p sunt indicate în tabelul B.1. Aceste valori au fost calibrate față de curbele de flambaj descrise în secțiunile 4 și 5. Acestea sunt în relație directă cu imperfecțiunile geometrice echivalente prin intermediul formulei următoare:

$$e_{0} = \alpha_{p} \left(\overline{\lambda}_{p} - \overline{\lambda}_{p0}\right) \frac{t}{6} \frac{1 - \frac{\rho \lambda_{p}}{\gamma_{M1}}}{1 - \rho \overline{\lambda}_{p}}$$
(B.2)

Tabelul B.1 - Valorile $\overline{\lambda}_{p0}$ şi α_{p}

Produs	modul predominant de instabilitate	$\alpha_{_p}$	$\overline{\lambda}_{p0}$
	tensiunea normală pentru $\psi \ge 0$		0,70
laminat la cald	tensiunea normală pentru $\psi < 0$ forfecare tensiune transversală	0,13	0,80
	tensiunea normală pentru $\psi \ge 0$		0,70
sudate sau îndoite la rece	tensiunea normală pentru $\psi < 0$ forfecare tensiune transversală	0,34	0,80

B.2 Interacțiunea dintre voalare și flambajul prin torsiune laterală

(1) Metoda descrisă în B.1 poate fi extinsă pentru verificarea combinată a elementelor la voalare şi flambaj prin torsiune laterală prin calcularea α_{ult} şi α_{crit} după cum urmează:

- α_{ult} este coeficientul minim de amplificare pentru care încărcările de calcul ating valorile caracteristice ale rezistenței în secțiunea transversală critică, ignorând orice efecte de voalare a plăcilor și de flambaj lateral prin răsucire.
- α_{cr} este coeficientul minim de amplificare pentru care încărcările de calcul ating rezistența elastică critică a elementului, incluzând voalarea plăcilor și flambajul lateral prin răsucire.

(2) Atunci când α_{cr} ia în considerare modurile de flambaj lateral prin răsucire, factorul de reducere ρ folosit este egal cu valoarea minimă a coeficienților de reducere, în conformitate cu B.1(3) și a coeficientului χ_{LT} de flambaj prin răsucire, evaluat în conformitate cu 6.3.3 din EN 1993-1-1.

ACTIUNI DIN PODURI RULANTE PENTRU CALCULUL GRINZILOR CAILOR DE RULARE

• Actiunile datorate podurilor rulante depind de greutatea podului si a caruciorului (deschidere, capacitatea de ridicare), suspensie si sistem de franare. Actiunile se furnizeaza in general de catre fabricant sau sunt continute in specificatiile tehnice pentru produsele de serie.

onstru triale	cții civile, indus- și agricole		B. Apăs	PODURI area roțilo	RULAI r, mase,	NTE DE 1 viteze de -Extras-	UZ GEN e deplas	IERAL are a podu	rilor	514 8 50545	Co STAS	rform : 800-68	
Q.		Apăsarea maximă a roților (kN), masa căruciorului și a podului inclusiv căruciorul (t) și viteza de d a podului (m/min) pentru :									a]de deplas	are 110	
(kN)	(m)	Regim uşor			Regim mediu				Regim greu				
		Pmax	G,	G _c +G _p	v,	P _{max}	G,	$G_{e}+G_{p}$	v _p	P _{max}	G,	Ge+Gp	Up
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
	Poduri rulante	en un ciri	lia	132514	,	CAP 6						1.154	
	0.0 115	58.0		109.0		e0 0		114.0		64.0		11.7	
	$\frac{3,0-11,3}{11,75-14,5}$	61.0	-	125.0		63.0		192.0		68.0		14.0	-
	14.75-17.5	68.0	-	155.0		70.0		162.0	388 19	75.0		17.0	1,10
	17,75-20,5	73,0	-	168,0		75,0	-	180.0		80.0		19.0	-
50	20.75 29.5	80.0	- 18		69	in and in this film	10		80		20		1 100
Const	rucții civile, indu	striale	_ _, P	190,0 ODURI R A. D	ULANTI imensiu	85,0 E DE UZ ai și gaba	GENER rite	210,0 AL	30	90,0	Conform	22,0 STAS 80	0-68
Const	rucții civile, indus și agricole	50,0	P	190,0 ODURI R A. D	ULANTI imensium —E	85,0 E DE UZ ai și gaba xtras—	GINER rite	 AL	B	90,0	Conform	22,0 STAS 80	0-68
Const	rucții civile, indu: și agricole	0,0 striale	P P	190,0 ODURI R A. D		85,0 DE UZ ai și gaba <u>xtras</u>	GINER rite	210,0 AL		90,0	2,0 Conform	22,0 STAS 80	0-68
Const	zo, 73-23,3 rucții civile, indu și agricole	00,0 striale	P P	190,0 ODURI R A. D	ULANTI imensim —E	85,0 DE UZ ai și gaba stras-	GLNER rite	$\frac{1-1}{p}$		90,0	Conform	 STAS 80	0-68
Const Q (kN)	L _p (m)	00,0 striale	P P F F F F F F F F F F F F F F F F F F	$\begin{array}{c} 190,0 \\ \hline 0 DURI R \\ A. D \\ \hline \\ \delta_{c} \\ s \\ s \\ t \\ \delta_{p} \\ L_{p} \\ \hline \\ Dimensium \\ a uşor \end{array}$	ULANTI imensim —E	85,0 DE UZ i și gaba stras-) in func	$\frac{1-1}{p}$	B A p mul de lu	90,0	Conform Conform	STAS 80	0-68
Constr Q (kN)	L _p (m)	00,0 striale	P P IOU A Regin B	$\begin{array}{c c} 190,0 \\ \hline \\ ODURI R \\ A. D \\ \hline \\ \hline \\ G_{2} \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \\ \\ \hline \\ \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \hline \\ \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline \hline \hline \hline \hline \hline \\ \hline \hline$	i princip	85,0 DE UZ ai și gaba xtras-) in func Regin B	$\frac{1-1}{p}$			2,0 Conform	22,0 STAS 80	0-68

Poduri rulanle cu un cirlig						
$\begin{array}{ c c c c c }\hline 9,0-11,5\\\hline 11,75-14,5\\\hline 3\ 200\\\hline 4\ 450\\\hline \end{array}$	3 200	4 550	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	3 200	4 550	

(816					Tabelul 2.5	
C	onstrucții civile, Relații industriale roților și agricole șinelo	de calcul pe r podurilor 11 r de rulare	ntru forțelo Ilante la fa	e orizontale aduse ața superioară a 101	Conform STAS 10101/2A2-75	
Nr. crt.	Forța orizontală prove- n tă din	Suspensia încărcării	Simbolul forței	Formala de calcul a forței	Observații	
1	Frinarea sau demararea podului (longitudinal)	Flexibilă sau rigidă	P_l^n	$P_l^n = \frac{1}{10} \sum_{1}^n P_{fr}$	Vezi a, b	
2	Frinarea sau demararea	Flexibilă	Dn	$P_i^n = \frac{1}{20 n_r} (Q + G_c)$	Vezi a,	
	căruciorului (transver- sal)	Rigidă	1 199 101111111111111111111111111111111	$P_t^n = \frac{1}{10 n_f} \left(Q + G_c \right) ;$	c, d	
3	Lovirea podului in opri-	Flexibilă	P_T^n	$P_T^n = \frac{m_f v_p^2}{f_T} \text{sau}$ $P_T^n = v_p \sqrt{m_f K_T}$	Vezie, g.h.j	
	tori (longitudinal)	Rigidă	offmulta ant Aga	$P_T^n = \frac{m_r v_p^2}{f_T} \text{sau}$ $P_T^n = v_p \sqrt{m_r K_T}$	f, g, h, i,	
4	Deplasarca oblică a po- dului sau neparalelis- mul șinelor (transversal)	Flexibilă sau rigidă	P_S^n	$P_{S}^{n} = \frac{1}{5} P_{max}$	Numai pentru calculul prinderii șinel	

Important !!!

1) Actiunile produse de podurile rulante sunt actiuni mobile si trebuie stabilita pozitia cea mai dezavantajoasa a convoiului.



Fig. 5.5. — Poziția convoiului pentru forța tăietoare maximă a — Convoi format din patru forțe : b — Convoi din trei forțe.

2) Pe calea de rulare pot actiona mai multe poduri

DETALII CONSTRUCTIVE PENTRU GRINZI DE RULARE (exemple orientative)

Sectiuni Transversale cu grinda de rulare + grinda de franare



mijlocie.

tuire a grinzii de rulare pentru prin grinda căii de rulare cu prin grinda căii de rulare cu poduri rulante de capacitate contrafișe : 1 - Grindă de ru- grindă înclinată : 1 - Grinda lare; 2 - Grindă de frînare; de rulare; 2 - Grinda de 3 - Contrafise.

Fig. 3.6. - Soluție de alcă- Fig. 3.7. - Secțiune curentă Fig. 3.8. - Secțiune curentă frinare; 3 - Grindă inclinată cu zăbrele.







Fig. 3.10. - Sectiune curentă Fig. 3.11. - Sectiune curent ferioare.



printr-o grindă a căii de rulare printr-o grindă a căii de rulare printr-o grindă a căii de rulare pentru poduri rulante de ca- pentru poduri rulante de capa- pentru poduri rulante de ca-pacitate mare: 1 - Grinda citate mare: 1 - Grinda de pacitate mare: 1 - GrindăGrinda de frinare; 3- Grinda Grinda de frinare; 3- Grinda Grindă de frinare; 3- Grindă verticală secundară cu zăbrele; verticală secundară cu ză- verticală secundară cu zăbrele; 4 - Bare de legătură la nive- brele; 6 - Contravintuire ori- 5 - Contravintuire translul tălpii inferioare; 5 - Le- zontală la nivelul tălpilor in- versală; 6 - Contravintuire orizontală.

<u>Rigidizari</u>



Fig. 3.20. Detalii de prindere a rigidizărilor.



Fig. 3.22 Rigidizări de reazem:.







Fig. 3.13. Prinderea grinzii de rulare de stîlp:

a, b, c — grindă simplu rezemată; d-g — grindă continuă; 1 — grindă de rulare; 2 — rigidizare de reazem; 3 — șurub de ancorare; 4 — plăcuță de centrare; 5 tachet; 6 — scaun; 7 — stilp metalic; 8 — tablă striată; 9 — rigidizare pentru transmiterea forțelor orizontale transversale; 10 — stilp din beton armat; 11 — piese metalice înglobate în stîlp.

Prinderea sinei la talpa superioara a grinzii





Fig 3.12. Prinderea șinei de grinda de rulare:

a - prindere sudată; b - cu corniere; c, <math>d - cu cleşti; e - cu plăcuțe; f - cu cîrlige; g - sudarea tacheților sub șină pentru preluarea forțelor din frinarea podului; <math>b - innădirea șinei tip KP; i - prinderea șinei deasupra reazemelor grinzilor simplu rezemate; <math>j - rostul de dilatație al șinei; 1 - șină; 2, 3 - piese de prindere; 4 - găuri ovalizate în inima șinei; 5 - piese de ghidare; 6 - tachet; 7 - șurub cu saibă resort.saibă resort.

Opritorul caii de rulare



Fig. 3.30. Alcătuirea opritorului căii de rulare.









